

**ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΟ ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΟ ΙΔΡΥΜΑ
(Τ.Ε.Ι.) ΑΘΗΝΑΣ
ΣΧΟΛΗ ΤΕΧΝΟΛΟΓΙΚΩΝ ΕΦΑΡΜΟΓΩΝ
ΓΕΝΙΚΟ ΤΜΗΜΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ
ΚΑΘΗΓΗΤΗΣ Δρ Α. Μπράτσος
URL: <http://math.teiath.gr/bratsos/>**

**ΘΕΜΑΤΑ ΜΑΘΗΜΑΤΙΚΩΝ ΙΙ ΠΕΡΙΟΔΟΥ ΦΕΒΡΟΥΑΡΙΟΥ 2013
ΤΜΗΜΑΤΟΣ ΤΟΠΟΓΡΑΦΙΑΣ**

1^o

- I. Να οριστεί η κλίση και να γραφούν χωρίς απόδειξη οι ιδιότητές της. Έστω το βαθμωτό πεδίο $g(x, y, z) = xy^2z^3$. Να υπολογιστούν τα πεδία:

$$\vec{\nabla}g \quad \text{και} \quad \vec{\nabla} \times (\vec{\nabla}g).$$

- II. Να υπολογιστούν τα ακρότατα της συνάρτησης $f(x, y) = (x - 1)^2 + y^2$, εφόσον υπάρχουν.

2^o

- i) Να υπολογιστεί το ολοκλήρωμα

$$\int \int_D (x + y) \, dx \, dy \quad \text{όπου} \quad D = \left\{ (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid 0 \leq y \leq 1, \quad y \leq x \leq 3y \right\}.$$

- ii) Άν $y = y(x)$, να υπολογιστεί η μερική λύση της διαφορικής εξίσωσης

$$y'' - 3y' + 2y = 0, \quad \text{όταν} \quad y(0) = 1 \quad \text{και} \quad y'(0) = 0.$$

3^o

Να αναπτυχθεί σε σειρά Fourier η συνάρτηση

$$f(t) = t \quad \text{αν} \quad -1 \leq t < 1 \quad \text{και} \quad f(t + 2) = f(t) \quad \text{για κάθε} \quad t \in \mathbb{R}.$$

Στη συνέχεια

- i. να υπολογιστεί η τιμή της στα σημεία ασυνέχειάς της, και
- ii. να γίνει το διάγραμμα του γραμμικού φάσματος των τεσσάρων πρώτων όρων. Τι παρατηρείτε;

Αθήνα 26 Φεβρουαρίου 2013

A. Μπράτσος